

①

Concours DNB Polytechnique 2026

Partie 1 - Automatismes (sans calculatrice)

question 1: ordonnons les valeurs dans l'ordre croissant

7; 7; 9; 9; 12; 23; 25

Il y a 7 valeurs. Donc la médiane est la 4^e valeur,

soit 9.
La médiane de cette série est donc 9

question 2:

$$0,000457 = 4,57 \times 10^{-4}$$

L'écriture scientifique de 0,000457 est donc
 $4,57 \times 10^{-4}$

[BC] est la hauteur associée à [AB]

question 3: $A_{ABC} = \frac{AB \times BC}{2}$

$$A_{ABC} = \frac{8 \times 6}{2} = \frac{48}{2} = 24$$

L'aire du triangle ABC est donc égale à 24 cm²

question 4: Il y a 6 + 5 + 4, soit 15 bougets au total. Il y a parmi ces 15 bougets, 4 bougets à la framboise.

La probabilité de piocher au hasard un bouget à la framboise est donc de $\frac{4}{15}$

question 5: une baisse de 10% de 800€ correspond à retirer de 80€, $\frac{10}{100} \times 800$, soit $\frac{800}{10}$, soit 80€. $800 - 80 = 720$

Le prix en euro de l'article après réduction est de 720€

② Question 6

$$B = 4y(3y-1)$$

$$B = 4y \times 3y + 4y \times (-1)$$

$$B = 12y^2 - 4y$$

Question 7 Rappel $1L = 1dm^3 = 1000cm^3$

$$\text{donc } 3,57L = 3,57 \times 1000 = 3570cm^3$$

Réponse D: 3570cm³

Question 8 $f(x) = 3x - 5$

$$f(4) = 3 \times 4 - 5 = 12 - 5 = 7$$

Réponse B: 7

Question 9 D'après le codage, les diagonales de ce quadrilatère se coupent en leur milieu.

Elles n'ont pas les mêmes longueurs (ce n'est donc ni un rectangle, ni un carré)

Elles ne sont pas perpendiculaires (pas de codage)
donc ce n'est pas un losange

Donc ABCD est un parallélogramme

Réponse D

③ Partie 2 - Raisonnement et résolution de problèmes

Exercice 1

Partie A:

1°) a) Avec $x=10$, on a $AB = 3 \times 10 + 1 = \underline{31}$
 $AB = 3x + 1$

b) $AD = x - 2$

$$\text{Périmètre } ABCD = AB \times 2 + AD \times 2$$

$$\text{Périmètre } ABCD = 2(3x + 1) + 2(x - 2)$$

Avec $x = 10$, Périmètre $ABCD = 2(\overset{\uparrow}{31}) + 2(10 - 2)$

D'après 1°) a)

$$\text{Périmètre } ABCD = 62 + 2 \times 8 = 62 + 16 = \underline{78}$$

2°) Périmètre $ABCD = 2(3x + 1) + 2(x - 2)$

$$\text{Périmètre } ABCD = 2 \times 3x + 2 \times 1 + 2 \times x + 2 \times (-2)$$

$$\text{Périmètre } ABCD = \underline{6x + 2 + 2x - 4 = 8x - 2}$$

Le périmètre $ABCD$ en fonction de x est bien: $8x - 2$.

Partie B: D'après l'énoncé $P_{ABCD} = 8x - 2$ et

$$P_{IJK} = 6x + 9$$

1°) Si Nour a saisi 7, alors nous devons remplacer x par 7

$$P_{ABCD} = 8 \times 7 - 2 = 56 - 2 = 54$$

$$P_{IJK} = 6 \times 7 + 9 = 42 + 9 = 51$$

$54 \neq 51$

Donc $P_{ABCD} \neq P_{IJK}$ pour $x = 7$

Donc le programme renvoie alors !

Les deux périmètres ne sont pas égaux

4) 20) a) la valeur de x se trouve dans la cellule A2 par conséquent le résultat de la formule de ABCD dans la cellule B2

on doit donc saisir:

$$(peut être $P_{ABCD} = 8x - 2$)$$

$$= 8 * A2 - 2$$

b) D'après sa feuille de calcul, par $x = 5$, le périmètre de IJK est supérieur au périmètre de ABCD (38)

Et à partir de $x = 6$, c'est le périmètre de ABCD qui est supérieur au périmètre de IJK (45)

(46) on peut donc supposer que les deux périmètres seront égaux pour une valeur de x comprise entre 5 et 6

30) on résout l'équation:

$$8x - 2 = 6x + 9$$

$$8x - 2 - 6x = 6x + 9 - 6x$$

$$2x - 2 = 9$$

$$2x - 2 + 2 = 9 + 2$$

$$2x = 11$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{11}{2}$$

$$x = \frac{11}{2} = 5,5$$

(x est bien compris entre 5 et 6)

Par $x = 5,5$, les deux périmètres ABCD et IJK seront bien égaux

5)

Exercice 2: 10) a) D'après le codage,
le triangle CBF est isocèle en B.

(un triangle isocèle a ses angles de sa base de même mesure)

Donc par propriété, $\widehat{BCF} = \widehat{CFB} = 74^\circ$

L'angle CFB mesure donc 74°

b) La somme des mesures des angles dans un triangle est toujours égale à 180°

Donc, $\widehat{BCF} + \widehat{CFB} + \widehat{CBF} = 180^\circ$

D'où, $\widehat{CBF} = 180^\circ - 74^\circ - 74^\circ = 32^\circ$

L'angle CBF mesure donc 32°

20) Dans le triangle ABC, le plus grand côté est [AC]

on a d'un côté, $\underline{AC^2 = 5^2 = 25}$

on a d'autre part, $\underline{AB^2 + BC^2 = 3^2 + 4^2 = 9 + 16 = 25}$

Donc $\underline{AC^2 = AB^2 + BC^2}$

D'après la réciproque du théorème de Pythagore,
le triangle ABC est rectangle en B

30) Le triangle BGF est rectangle en G

Nous considérons la longueur de [BF], l'hypoténuse et la longueur [BG], le côté adjacent par l'angle FBG

$$\text{D'où } \underline{\cos(\widehat{FBG}) = \frac{BG}{BF} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}}$$

À la calculatrice, $\widehat{FBG} = 60^\circ$

La mesure de l'angle FBG est donc de 60°

6) 1°) Si les points A, B, G sont alignés
alors $\widehat{ABG} = 180^\circ$

$$\text{or, } \widehat{ABG} = \widehat{ABC} + \widehat{CBF} + \widehat{FBG}$$

d'où 2°) l'angle \widehat{ABC} est rectiligne
en B donc $\widehat{ABC} = 90^\circ$. De plus, d'après
les questions précédentes $\widehat{CBF} = 32^\circ$ et $\widehat{FBG} = 60^\circ$

$$\text{D'où } \widehat{ABG} = 90^\circ + 32^\circ + 60^\circ = 182^\circ \neq 180^\circ$$

Donc l'angle \widehat{ABG} n'est pas un angle plat

Les points A, B et G ne sont donc pas alignés.

Exercice 3

1°) Avec la précision permise par la
carte, les coordonnées géographiques
approximatives de Tahiti sont :

$$(148^\circ\text{O}; 15^\circ\text{S})$$

2°) on doit calculer 22h10min - 2h20min

(plusieurs méthodes possibles)

$$\begin{array}{r} 21\text{h}10\text{min} + 60\text{min} \\ - 2\text{h}20\text{min} \\ \hline 19\text{h}50\text{min} \end{array}$$

- on peut aussi retrier 2h à 22h10min,
soit 20h10min puis retrier 20min,
soit 19h50min

Donc la durée des deux vols (sans le
temps d'attente) est de 19h50min

(7) 3°) a) la médaille a un diamètre égal à 8,5 cm, c'est à dire un rayon égal à $\frac{8,5}{2}$, soit 4,25 cm (doc 1)

Le Volume de la médaille est égal à :

$$\frac{\pi \times (4,25)^2 \times 0,92}{(\text{doc 3})} \quad (\text{doc 1}) \quad \text{soit} \quad \frac{6647 \pi \times 52,2}{400} \quad (\text{valeur exacte})$$

Le volume de la médaille, arrondi au dixième est donc bien d'environ 52,2 cm³

b) D'après le document 2, l'argent est un métal qui a une masse volumique de 10,5 g/cm³

D'après 3°) a) la masse d'argent en (g) de la médaille :

$$10,5 \times 52,2 \approx 548,1 \approx 548$$

La masse d'argent en (g) de la médaille arrondie à l'unité est d'environ

548g